

Table de la transformée de Laplace et en Z avec période d'échantillonnage T

Fonction du temps $x(t), t \geq 0$	Transformée de Laplace $X(s)$	Transformée en Z $X(z)$
$\delta(t)$	1	1
$\delta(t - kT)$	e^{-kTs}	z^{-k}
1(t)	$\frac{1}{s}$	$\frac{z}{z-1}$
t	$\frac{1}{s^2}$	$\frac{Tz}{(z-1)^2}$
$\frac{t^2}{2}$	$\frac{1}{s^3}$	$\frac{T^2 z(z+1)}{2(z-1)^3}$
$\frac{1}{k!} t^k$	$\frac{1}{s^{k+1}}$	$\lim_{a \rightarrow 0} \frac{(-1)^k}{k!} \frac{\partial^k}{\partial a^k} \left(\frac{z}{z - e^{-aT}} \right)$
e^{-at}	$\frac{1}{s+a}$	$\frac{z}{z - e^{-aT}}$
te^{-at}	$\frac{1}{(s+a)^2}$	$\frac{Tze^{-aT}}{(z - e^{-aT})^2}$
$\frac{t^k}{k!} e^{-at}$	$\frac{1}{(s+a)^k}$	$\frac{(-1)^k}{k!} \frac{\partial^k}{\partial a^k} \left(\frac{z}{z - e^{-aT}} \right)$
$1 - e^{-at}$	$\frac{a}{s(s+a)}$	$\frac{z(1 - e^{-aT})}{(z-1)(z - e^{-aT})}$
$1 - (1+at)e^{-at}$	$\frac{a^2}{s(s+a)^2}$	$\frac{z}{z-1} - \frac{z}{z - e^{-aT}} - \frac{aTe^{-aT}z}{(z - e^{-aT})^2}$
$1 - e^{-at} \left(1 + at + \frac{a^2 t^2}{2} \right)$	$\frac{a^3}{s(s+a)^3}$	$\frac{z(1 - e^{-aT})}{(z-1)(z - e^{-aT})} - \frac{aT(2 + aT)e^{-aT}z}{(z - e^{-aT})^2} - \frac{a^2 T^2 e^{-2aT}z}{(z - e^{-aT})^3}$
$t - \frac{1 - e^{-at}}{a}$	$\frac{a}{s^2(s+a)}$	$\frac{Tz}{(z-1)^2} - \frac{(1 - e^{-aT})z}{a(z-1)(z - e^{-aT})}$
$\frac{t^2}{2} + \frac{t}{a} - \frac{1}{a^2} (1 - e^{-aT})$	$\frac{a}{s^3(s+a)}$	$\frac{T^2 z}{(z-1)^3} + \frac{(aT-2)Tz}{2a(z-1)^2} + \frac{z}{a^2(z-1)} - \frac{z}{a^2(z - e^{-aT})}$
$\sin at$	$\frac{a}{s^2 + a^2}$	$\frac{z \sin aT}{z^2 - 2z \cos aT + 1}$

$\cos at$	$\frac{s}{s^2 + a^2}$	$\frac{z(z - \cos aT)}{z^2 - 2z \cos aT + 1}$
$\sinh at$	$\frac{a}{s^2 - a^2}$	$\frac{z \sinh aT}{z^2 - 2z \cosh aT + 1}$
$\cosh at$	$\frac{s}{s^2 - a^2}$	$\frac{z(z - \cosh aT)}{z^2 - 2z \cosh aT + 1}$
$e^{-at} - e^{-bt}$	$\frac{b-a}{(s+a)(s+b)}$	$\frac{z}{z-e^{-aT}} - \frac{z}{z-e^{-bT}}$
$(c-a)e^{-at} - (b-c)e^{-bt}$	$\frac{(b-a)(s+c)}{(s+a)(s+b)}$	$\frac{(c-a)z}{z-e^{-aT}} + \frac{(b-c)z}{z-e^{-bT}}$
$1 + \frac{b}{a-b}e^{-at} - \frac{a}{a-b}e^{-bt}$	$\frac{ab}{s(s+a)(s+b)}$	$\frac{z}{z-1} + \frac{bz}{(a-b)(z-e^{-aT})} - \frac{az}{(a-b)(z-e^{-bT})}$
$\frac{b}{a} + \left(1 - \frac{b}{a}\right)e^{-at}$	$\frac{a(s+b)}{s(s+a)}$	$\frac{z}{z-e^{-aT}} + \frac{bz(1-e^{-aT})}{a(z-1)(z-e^{-aT})}$
$b - be^{-at} + a(a-b)te^{-at}$	$\frac{a^2(s+b)}{s(s+a)^2}$	$\frac{bz}{z-1} - \frac{bz}{z-e^{-aT}} + \frac{a(a-b)Te^{-aT}z}{(z-e^{-aT})^2}$
$e^{-at} \sin bt$	$\frac{b}{(s+a)^2 + b^2}$	$\frac{ze^{-aT} \sin bT}{z^2 - 2ze^{-aT} \cos bT + e^{-2aT}}$
$e^{-at} \cos bt$	$\frac{s+a}{(s+a)^2 + b^2}$	$\frac{z^2 - ze^{-aT} \cos bT}{z^2 - 2ze^{-aT} \cos bT + e^{-2aT}}$